

sit $g \cap n$ declinatio puncti g dati, datus erit,
& arcus $g \cap b$ quæsus,

Propositio centesima vigesima octava.

Nota amplitudine ortus cuiusque puncti
arcum semidiurnum inuenire.

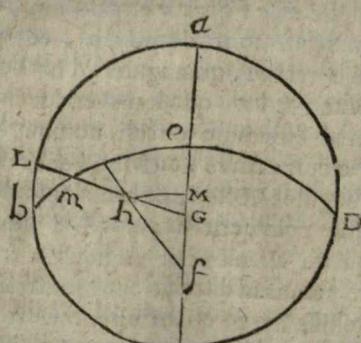
Sit in eadem figura nota $g \cap b$, volo illius
arcum semidiurnum. Cum ergo $g \cap n$ sit de-
clinatio, erit pars arcus Meridiani horarij
per polos transiuntis, compleatur ergo $l \cap g$
 $n \cap o$, & quia $g \cap n$ nota est, quia declinatio
puncti dati, & $g \cap b$ nota ex supposito, & f
angulus rectus, quia $e \cap f$ est portio meridiani,
erit $b \cap n$ nota differentia ascensionis a quarta
circuli $k \cap b$, igitur tota $k \cap n$ arcus semidiurnus.
Quoniam $g \cap p$ parallelus similis est $k \cap n$, &
in eo reuoluitur Sol: ergo quando enim
perueniet ad p . Possimus etiam sine inuen-
tione arcus ortus amplitudinis per triangu-
lum $k \cap m \cap d$ ex notitia $g \cap n$ cognoscere ean-
dem $n \cap b$.

Ex his duabus sequitur conuersa scilicet,
quæ data magnitudine diei cuiuscunq; in
quacunq; regione nota erit poli altitudo eiul-
dem regionis.

Propositio centesima vigesima nona.

Data altitudine solis in quacunq; regio-
ne quacunq; die distantiam solis à Meri-
diano cognoscere.

Sit Horizon $a \cap b \cap c$ æquinoctij circulus $b \cap d$. Meridianus $a \cap e \cap c$ Polus mundi Borealis
 f vertex, g , punctus in ecliptica h ducatur
ex polo mundi circulus horarius $f \cap h \cap k$ ad
æquinoctij circulum, & verticalis circulus
 $p \cap h \cap l$ usque ad Horizontem, & circulus pa-
rallelus æquinoctij circulo $h \cap m$, sit ergo $h \cap l$



Per 123.
Propol. altitudo solis nota, igitur $h \cap g$ nota erit resi-

duum quartæ circuli, & similiter $h \cap k$ nota,
quia declinatio puncti dati in ecliptica est
 n nota dies, & locus solis ex supposito ergo
nota $f \cap h$ residuum quartæ circuli nota est
etiam $g \cap e$, quæ est æqualis altitudini poli
ex supposito, ergo residuum quadrantis f
 g , ergo triangulus $f \cap g \cap h$ notorum laterum
ergo notus angulus f , ergo arcus $k \cap e$ distan-
tia sumpta in æquinoctij circulo puncti h ,
cui similis est arcus $h \cap m$ ex parallelo $h \cap m$,
nam quando k perueniet in e h perueniet
in m , & in æquali tempore, qua diuisa per
quindecim gradus, habebimus horas di-
stantiae solis à Meridie ante, vel post, &
minuta horarum dando quibuslibet gradi-
bus quatuor minuta horæ, & quibuslibet
minutis graduum quatuor secunda horæ, &
ita habebimus tempus exactissimum à Me-
ridie in quacunq; regione, & in quacunq;
hora diei.

Propositio centesima trigesima.

Data regionis altitudine, & loco solis
proportionē gnomonis tam ad umbram re-
ctam, quam versam, vel etiam in cylindro
determinare.

Hæc est propositio illa pulcherrima, quam Com.

tot ambagibus tradidere antiqui cum suis
analematibus, & scioteris, nec tamen de-
monstrationem, nec rationem exactam in-
strumentorum constructionem, qua posse-
mus per umbras rectas versas, & cylindri-
cas scire ad vnguem, qualis hora, & mi-
natum, & secundum diei esset quocunque
anni tempore. Plerunque autem tam labo-
riosè id conati sunt demonstrare, vt stu-
diosos deterruerint ab opere: res autem ipsa
facillimè est. Proposita ergo poli exacta
altitudine solis in Meridie declinatione ad-
dita vel detracta, habebis residuum eius
ad quadratam $f \cap g$, & similiter habebis ex-
declinatione nota loci solis detracta à qua-
drante $f \cap h$, & iuxta horam tuam, & mi-
natum multiplicatum per quindecim ar-
cum $k \cap e$ quare angulum f , ex quo arcum Per 28. li 4.
 $g \cap h$, quare residuum $h \cap l$, igitur punctum Ioan. de
umbræ rectæ, vel versæ ipsius gnominis Monteregij
ad vnguem, & ita constituies horologium
exactissimum secundum ea, quæ dixi Cor-
rolaris supradictis, & quia horizon $a \cap b$
 $c \cap d$ fecat æquinoctialem in centro terræ
ducta $g \cap h \cap k$, erunt anguli $b \cap h \cap g$, & $k \cap h \cap l$
æquales. Igitur posito g ortu puncti
eclipticæ, erit $g \cap b$ ortus amplitudo no- Per 123.
ta, & ideo angulus $b \cap h \cap g$, & $k \cap h \cap l$ vel 124.
notus, & ita extendemus per totum an- Prop. 123.
num. Cum vero fuerit g elevatus erit, vt Corol. 1.
demonstratum est, in circulo magno ver-
ticali, ergo angulus fiet in eodem circulo,
quia gnomus est etiam in illius superficie.
Ergo angulus erit æqualis angulo, quem Prop. 127.
faceret sol, si oriretur in puncto horizon-
tis, quem fecat circulus verticalis sub ea
altitudine: sed his est notus nam in priore Per 15. primi
figura $g \cap h \cap f$ est notus eadem ratione, qua Elec.
 f , & ideo ei oppositus $K \cap h \cap n$, & K re-
ctus, est enim f polus $b \cap d$, & $h \cap K$ decli-
natio nota ergo $K \cap n$, & h nota. At $e \cap K$,
& $g \cap h$ fuere notæ. Ergo $e \cap n$, & $g \cap n$,
quare residua $n \cap l$ & $n \cap b$ notæ. Est autem
angulus