

si statuas 10. & 2. solum uno modo licebit vnum intermedium terminum inuenire, vel alia proportione certa & data: vel tres alia & sic de singulis.

Sequitur etiam quod cum ex coniuncta & disiuncta & aequa proportionalitate de quibus dicetur sit proportio totius aggregati terminorum vnius proportionis, ad aggregatum alterius, veluti termini ad terminum: sic etiam in continuis proportionalitatibus ut dictum est etiam in regula hac: veluti si congreges 140. 100. 36. 24. simul faciunt 300 & ite 35. 25. 9. 6. faciunt 75. proportio 300. ad 75. est veluti 140. ad 35. & 100. ad 25. & 36. ad 9. & 24. ad 6. Vnde ex hac soluuntur illae inumerabiles questiones difficiles diuidendi numeros in partes continuæ proportionales cum certis conditionibus, nam supponere potes nihil esse diuidendum sed operatio fiat cum conditionibus in numeris per te inuentis, deinde congrega & per regulam 3. habebis partes illius numeri eodem modo proportionatas, ita quod conditio diuisionis nihil addit in difficultate nisi in certis casibus terminatae quantitatibus.

84 Cùm diuiseris numerum in partes per numerum, & post per plus aut minus, erit proportio differentiæ aduentus secundi, ad primum, veluti totius diuisoris ad primum diuidentem Exemplum diuido 12. per 4. exit 3. diuido modo per 4. p. 2. exit 2. differentia est 1. qui est medietas de 2. & tertia pars de 3. ita 2. additum ad diuisorem est medietas de 4. primi diuisoris: & tertia pars de 6. secundi diuisoris: sicut igitur prouentus secundi ad primum, diuisoris primi ad secundum & econtraeo si quis igitur dicat diuisionem per 4. & prouenit decima census: quod si diuiderem per 6. erit per regulam 6. ad 4. veluti decimi census ad prouentum secundum fac per regulam trium & exhibet $\frac{1}{3}$ census: & si dicat vellem diuidere per 3. eodem modo sicut 3. diuisoris secundi ad primum diuisorem 4. ita decimæ census prouentus primi ad prouentum secundum duc 4. in decimam census fit $\frac{4}{10}$ diuide per 3. exit $\frac{2}{3}$ census. Ex hac regula diuides per p. & m. ad libitum.

85 Omnim quatuor, quantitatum continuae proportionalium proportio aggregati earum ad coniunctum ex secunda & tertia, est veluti primæ & tertiæ simul ad secundam ut 8. 12. 18. 27. aggregatum 65. aggregatum ex secunda & tertiæ 30 proportio 65. ad 30. veluti 26. aggregati ex prima & tertiæ ad 12. quantitatem secundam & similiter proportio tertiæ & quartæ ad primam & secundam veluti tertiæ ad primam superius etiam generalius hoc diximus experiare, à coniuncta enim proportionalitate pendet.

86 Proutus vnius quantitatis diuise per quotlibet quantitates, siue continuae siue in continuae proportionales, sunt eodem modo proportionales.

87 Si fuerint 4. quantitates in continuae tamen proportionales, quarum superficiales numerus primæ in secundam, aequetur quadratis tertiæ & quartæ pariter acceptis, erunt quadrata primæ & secundæ inuicem ducta, tantum quantum quod fit ex earum superficie

in quadrata tertiæ & quartæ pariter accepta. Exemplum 4. & 2. sunt in proportione dupla R. 40. & R. 10. similiter ex trigesima regula huius: igitur cum R. 40. in R. 10. producat 20. qui est aequalis quadratis 4. & 2. pariter acceptis, dico quod quadrata R. 40. & R. 10. inuicem ducta & sunt 400. aequantur ductui eius quod siebat ex R. 40. in R. 10. & fuit 20. in quadrata 4. & 2. pariter accepta nam 20. in 20. producit 400.

Cùm fuerint 4. quantitates continuae proportionales, quod ex ductu primæ in secundam & producti in tertiam ac iterum producti in quartam aequum erit ductui superficialis numeri producti ex prima in quartam, & secunda in tertiam veluti 8. 12. 18. 27. duco 8. in 12. fit 96. & hoc in 18. fit 17. 28. hoc iterum in 27. fit 46656. duco 8. in 27. fit 216. & iterum 12. in 18. fit 216. duco 216. in 216. & fit 46656.

Cùm fuerint 4. quantitates quomodolibet sumptæ erit quadratum aggregati earum aequale quadratis singularium partium & ductui vniuersiusque in reliqua omnes, verificatur & hoc in omnibus quantitatibus & pendet ex quinquagesimateria regula ibi habes exemplum de 5. 3. 2.

Omnium trium quantitatum continuae proportionalium cubus secundæ quantitatis, est aequalis ductui omnium quantitatum inuicem: veluti 4. 6. 9. cubus 6. est 216. duco 9. in 6. fit 54. duco 54. in 4. fit 216.

Omnium trium quantitatum continuae proportionalium ex quarum diuisione alicuius numeri prouentus congregati ipsarum aggregato aequari debeat, media illius numeri radix erit nam est eadem necessariò eueniunt quantum aggregatum est idem ex supposito, & proportio exenti eadem ex regula quadragesima nona, quare cum semper productū ex primo in tertium sit aequale quadrato secundi ex his quæ dicentur in regula 3. quantitatum igitur conuenit ut medius sit radix numeri diuidendi.

Cùm fuerint aliquot quantitates quomodolibet inuicem ductæ, si productum diuidatur per vnam reliquarum, productum adueniet: veluti 3. 5. 7. producant 105. igitur diuisio 105. per 7. exit productum 5. in 3. quod est 15. & diuisio 105. per 5. exit productū de 7. in 3. quod est 21. & ita de omnibus.

Et similiter deriuatur hoc quod cum fuerint tres quantitates continuae proportiones, quod fit ex duabus maioribus iunctis in minorem duarum, Idem fieri ex duabus minoribus iunctis in maiorem, veluti 12. 6. 3. & 10. & 5. iunge 12. & 6. fit 18. duc in 5. fit 90. & sic ex 3. & 6. iunctis in 10. fit etiam 90.

Pendet hæc ex dicendis in regula 3. cum fuerint tres quantitates continuae proportionales, quod ex ductu vniuersiusque partis in alteram fit, si diuidatur per duplum aggregatum omnium, exhibet secunda quantitas, veluti 4. 6. 9. productum 9. in 4. & 6. est 90. & 6. in 4. & 9. est 78. & 4. in 9. & 6. est 60. iunge fiunt 228. diuide per duplum aggregati quod est 38. 6. quantitas secunda.

Sunt