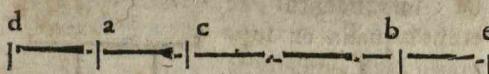


contingint ad perpendiculum insistens. In hyperbole autem exterius etiam adiacet, ut in contrapositis eadem & transuersa vocatur: cuius terminus est punctus concursus cum latere trianguli, qui conum per axem diuidit: linea vero tangens verticem hyperbolis ad quam ordinatae possunt, Recta appellabitur. Data recta linea positione, aliaque magnitudine data & angulo parabolam, & hyperbolam, & ellipsim, & contrapositas circa datam positione tanquam diametrum describere tanquam cano erecto, ut angulus ad verticem sectionis comprehensus sit, & per rectam rectangulum æquale comprehendatur quadrato data lineæ magnitudine. Si linea in duas partes diuidatur, eique utrinque æquales lineæ adiungantur erit rectangulum ex



partibus totius æquale rectangulis partium prioris lineæ, & ex priore linea cum una adiecta in eam, quæ adiecta est. Si hyperbolam recta linea in vertice contingat, & utrinque absindatur, quantum est, quod potest in quartam partem rectanguli ex diametro transuersa hyperbolis, quæ exterius adiacet in eam, quæ recta dicitur, ad quam, quæ ordinatim ducuntur, sunt æquidistantes lineæ, quæ à sectionis centro ad terminos contingentis ducuntur semper ipsi sectioni magis appropinquabunt, nec unquam conuenient: & ob id asymptotam appellantur. Nec illæ alias intra angulum illum inueniri poterunt. Vnde etiam datum angulum describere doceamus hyperbolam cuius anguli latera sint asymptotæ. Asymptotis duabus proportionis vni hyperboli, infinitas alias eidem asymptotis inuenire. Duabus rectis asymptotis infinitas subiici posse hyperboles illis rectis, & inter se asymptotæ. Cum in duabus superficiebus æquidistantibus duo circuli æquales, quorum linea per centra non est ad perpendiculum earum infinitis planis secantur, fiunt in ipsis lineæ à peripheria in peripheriam rectæ quæ corpus cylindricum claudunt quod scalenus cylindrus appellatur: longè alias ab eo, qui fit recto cylindro per duo plana æquidistantia, sed non ad perpendiculum posita dissesto. nam eius extremæ superficies non circuli, sed ellipses sunt. Si scalenus cylindrus plano non æquidistanti basi, sed ita ut angulos interiores æquales faciat angulis basis sectio circulus erit: vocaturque hæc sectio subcontraria: nec illa præter hanc & basi æquidistantem sectio circulus est se potest: sed sunt ellipses. Super eundem circulum, & sub eadem altitudine ellipses similes in cono & cylindro esse possunt, quæ ab eodem plano fiunt, docetque vel basi vel cono vel cylindro, aut cono proposito reliqua facere, quod est valde admirabile: cum ellipsis cylindrica semper æqualis sit in utraque parte à diametro transuersa utrinque æqualiter

Tom. IV.

distanter, conica vero minor necessariò sit in superiore parte versus coni verticem latior in inferiore, ubi partes a diametro transuersa æqualiter distent: ipsæ autem non solum similes, sed unam persæpe in utriusque esse vult. Sed & hoc Archimedes dicere videtur: lineæ ductæ à vertice coni scaleni ad perpendiculum super bases singulas omnium triangulorum per anaxem coni transiunt in peripheriam unius circuli cadunt. 18]

### Propositio septuagesima.

Si fuerint tres quantitates in continua proportione, aliæque totidem in continua proportione, poterunt constituere tres quantitates in æquali differentia peruersim copulatae.

Velut sint a b c primi ordinis, & d e f secundi, & sit a 8. b 4. c 2. & d 2  $\frac{1}{4}$ , e 1  $\frac{1}{2}$ , f 1. tunc iunctis a & e sit 9  $\frac{1}{2}$ , & 19 b & d b  $\frac{1}{4}$ , & e cum f 3. at 3. & 6  $\frac{1}{4}$  & 9  $\frac{1}{2}$  æqualiter distant, nam differentia est 3  $\frac{1}{4}$ . At si iungatur cum e, & b cum f,

|   |   |   |                                       |
|---|---|---|---------------------------------------|
| a | 8 | d | 2 $\frac{1}{4}$                       |
| b | 4 | e | 1 $\frac{1}{2}$                       |
| c | 2 | f | 1                                     |
|   |   |   |                                       |
| a | 9 | d | 1 $\frac{1}{2}$ m. 8. 1 $\frac{1}{4}$ |
| b | 6 | e | 8. 1 $\frac{1}{4}$ m. $\frac{1}{2}$   |
| c | 4 | f | 1                                     |

& e cum d idem poterit contingere: ut in figura vides, nam a e est 8  $\frac{1}{2}$ , p: 8. 1.  $\frac{1}{4}$ , & b f 7. & c d 5  $\frac{1}{2}$ , m: 8. 1  $\frac{1}{4}$ , & differentia b f ab utroque composito, est 1  $\frac{1}{2}$  p. 8. 1  $\frac{1}{4}$ , qua excedit & exceditur. Dico modo, quasi ex ordine coniungantur qualescumque proportiones fuerint, modo non sint ambæ æqualitatis 1, ut b iungatur cum c, & reliquæ ut libet, velut a cum d, & c cum f, vel a cum f, & e cum d, nunquam fient æquales excessus, nam de primo est clarum: nam si a cum d iungatur, & ambæ fuerint maximæ, maior est differentia a ad b, quam b ad c, & maior etiam d ad e quam e ad f, ideo maior erit differentia a & d ad b e quam b e ad c f, quod erat probandum. Eodem modo sed laboriosius demonstratur reliquus modus scilicet, quod coniunctio a f ad b e est maior aut minor quam b e ad c d, ex hoc sequuntur corollaria.

Primum, tres æquales quantitates non possunt diuidi in tres, & tres quantitates in continua proportione ordinatæ, ut dixi, nisi utriusque ordinis tres, ac tres inuicem sint æquales.

Secundum, tres quantitates in æquali excessu ordinatæ, ut dixi, non possunt diuidi in tres, & tres quantitates, quæ sint in eadem proportione quantumcumque

Te 2 proporcio