

22 Liber Vnicus. Cap. XVII.

sieri sine multiplicatione, ob hoc dilata est declaratio eius usque ad præsens capitulum: sit autem ut in figura multiplicando denominatorem in denominatorem & produ-

$$\begin{array}{r|rr|r|rr} \frac{2}{3} & \frac{3}{4} & & \frac{11}{12} & \frac{5}{7} & \frac{82}{84} \\ \hline & & & & & \end{array}$$

Etum pone pro denominatorem, deinde multipliça denominatorem secundum in numeratorem Primum & adde producto numeratorem secundum & aggregatum pone pro numeratore. Exemplum volo inserere $\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{4}$ & $\frac{5}{7}$, primo inseram $\frac{2}{3}$ cum $\frac{3}{4}$ ducendo denominatores inuicem, fit 12. & postmodum Primum numeratorem qui est 2 in denominatorem qui est 4. fit 8. cui adde secundum numeratorem fit 11. igitur insitio fit $\frac{11}{12}$. similiter duco 12. in 7. fit 84. pro denominatore: deinde duco 11. in 7. fit 77. addo 5. fit 82. pro numeratore igitur insitus erit $\frac{82}{84}$. Est autem insitio additio fractionis fracti anterioris, ad fractum cuius est fractio, veluti addo $\frac{2}{3}$ de $\frac{1}{6}$ ad $\frac{5}{6}$ fuit $\frac{17}{18}$ nam 2. non sunt partes unitatis sed $\frac{1}{6}$ qui est denominator de $\frac{5}{6}$.

3 Ex hoc patet quod ex insitio nunquam peruenitur ad unitatem utpote si quis dicat inserere $\frac{3}{4} \cdot \frac{4}{6} \cdot \frac{7}{8}$ non attingunt ad unitatem, quia ad $\frac{3}{4}$ deest $\frac{1}{4}$ sed $\frac{5}{6}$ non est $\frac{1}{4}$, sed tantum $\frac{5}{6}$ de $\frac{1}{4}$ igitur ad complendum unitatem deest $\frac{1}{6}$ de $\frac{1}{4}$ sed $\frac{7}{8}$ sunt minus de $\frac{1}{6}$ de $\frac{1}{4}$ quia sunt $\frac{7}{8}$ de $\frac{1}{6}$ de $\frac{1}{4}$ igitur ad complendum unitatem deest $\frac{1}{8}$ de $\frac{1}{6}$ de $\frac{1}{4}$ quod est $\frac{1}{192}$ & ita in infinitum.

Infere tot $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4}$ quod faciant $\frac{7}{8}$ tunc scias possibilitatem inserendi faciliter, nam si 8. denominator inserendi numerat 24. productum denominatorum inserentium quæstio est possibilis aliter non: soluitur autem Capitulo Sexagesimo sexto.

CAPVT XVII.

De multiplicatione Surdorum.

1 Cum fuerit surdus simplex ducendo in seipsum sit numerus veluti $\sqrt{7}$. in $\sqrt{7}$. 7. facit 7. & $\sqrt{7}$. in $\sqrt{7}$. facit 5.

Cum ducitur numerus surdus, in aliud **2** producitur \sqrt{R} . aggregati, veluti $\sqrt{7}$. in 5. facit $\sqrt{35}$. & $\sqrt{7}$. in $\sqrt{5}$. facit $\sqrt{35}$. quæ est 6.

Cum ducitur \sqrt{R} . numeri, in \sqrt{R} . quadruplici, producitur duplum numeri, veluti $\sqrt{7}$. 3. in $\sqrt{7}$. 12. facit 6. & $\sqrt{7}$. 5. in $\sqrt{7}$. 20. facit 10.

Cum ducitur \sqrt{R} . in se, producitur idem **4** demptâ Primâ R. Exemplum $\sqrt{V} \cdot 7$. p.R. 4. in se facit 7. p.R. 4. quod est 9. & $\sqrt{V} \cdot 9$. p.R. 49. facit 9. p.R. 49.

Cum \sqrt{R} . numero multiplicabis, quadrabis **5** numerum & duces in quadratum R. id est in numerum ipsum, & R. producti est quod queritur. Exemplum $\sqrt{7}$. in 5. quadra 5. fit 25. quadra $\sqrt{7}$. fit 7. duco 7. in 25. fit 175. igitur $\sqrt{7}$. 175. est productum ex 5. in $\sqrt{7}$.

Cum volueris ducere radicem & numerum in se. Tunc quadrabis utrumque &

iunges simul, post multiplicabis unum productum in aliud, & quadruplicabis, & huius \sqrt{R} . cum aggregato Primo est productum. Exemplum $\sqrt{9} \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{2}$. quadra fit 9.p. 4. quod est 13. duc etiam 9. in 4. fit 36. quadruplica fit 144. \sqrt{R} . est 12. addita ad 13. facit 25. tantum facit $\sqrt{9} \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{2}$. in se, nam 5. in se facit 25.

Cum volueris ducere \sqrt{R} . ligatam in se facit 7 eodem modo, quadra, iunge, & multipliça, quadruplica radicem aggregato iunge: ut $\sqrt{9} \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{16}$. fuit 9. & 16. quod totum est 25. deinde 9. in 16. facit 144. quadruplicum est 576. \sqrt{R} . est 24. quæ addita ad 25. facit 49. quod si non haberet radicem, diceremus 25.p.R. 576.

Cum volueris ducere radicem ligatam in aliam, quadrabis utramque deinde multiplicabis in crucem, & \sqrt{R} . ligata productorum est productum, veluti $\sqrt{L} \cdot \sqrt{9} \cdot \sqrt{4}$. in $\sqrt{L} \cdot \sqrt{9} \cdot \sqrt{4}$. quadra fuit 9.p. 4. & 25. p. 36. dispone & multipliça:

Omnis igitur hæ radices sunt productum videlicet 55.

9. p. 4.
25. p. 36.

$\sqrt{R} \cdot 225 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 324$.
 $\sqrt{R} \cdot 100 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 144$.

Aliud 3. p. $\sqrt{R} \cdot 4$. in 2.p. $\sqrt{R} \cdot 9$. quadra & dispone hoc modo, est igitur pro- ductum $\sqrt{L} \cdot \sqrt{81} \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 36$. $\sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 36$. p. $\sqrt{R} \cdot 16$. Videli- cet 25.	$\sqrt{3} \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 4$. $\sqrt{2} \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 9$.
--	--

$\sqrt{R} \cdot 36 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 81$.
 $\sqrt{R} \cdot 16 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 36$.

Cum volueris multiplicare Radices vniuersales inuicem, quadra eas suo modo per regulam quartam, & post modum quadra etiam tanquam disiunctum: per undecimam regulam, tertio duc unam in alteram per precedentem, & \sqrt{R} . \sqrt{R} . ligata illius aggregati est productum. Exemplum $\sqrt{V} \cdot 7 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 4$. in $\sqrt{R} \cdot V \cdot 5 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 16$. ducenda est, quadrantur per quartam fuit 7. p. $\sqrt{R} \cdot 4$. & 5. p. $\sqrt{R} \cdot 16$. deinde quadrantur per viam \sqrt{R} . & numeri distinctorum: & fuit 49. p. 4. & 25. p. 16. hoc autem per modum \sqrt{R} . ligatae multiplicabis in crucem: & fuit ut vides \sqrt{R} . totius, aggregati huius. $\sqrt{R} \cdot L \cdot 225 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 784$.

$\sqrt{R} \cdot V \cdot 7 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 4$.
 $\sqrt{R} \cdot V \cdot 5 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 16$.

$D \cdot 7 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 4$. $D \cdot 5 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 16$.	$L \cdot 49 \cdot \sqrt{p} \cdot 4$. $L \cdot 25 \cdot \sqrt{p} \cdot 16$.
---	---

$\sqrt{R} \cdot 1225 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 784$.
 $\sqrt{R} \cdot 100 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 64$.

Cum volueris multiplicate Radices ligatas inuicem cum vniuersalibus, quadrabis utrumque per suam regulam, Videlicet quartam & septimam & tu scis quod probabunt in utraque numerus, & radix, deinde quadra omnia tanquam radices disiunctas, per sequentem regulam & multipliça inuicem, & $\sqrt{R} \cdot R$. L. totius est productum veluti volo ducere $\sqrt{V} \cdot 7 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 4$. in $\sqrt{R} \cdot L \cdot 9 \cdot \sqrt{p} \cdot \sqrt{R} \cdot 16$. quadrabo per quartam regulam radicem vniuersalem