

exactam admodum, & facilem. Volo rursus $\sqrt{2}$. quadrat. $\sqrt{\frac{3917}{12566}}$. multiplico 12566 . per 5 . & fit 62830 . cui addo 3917 . & fit 66747 . cui suppono 12566 . denominatorem, fient ergo $\frac{66747}{12566}$. manifestum est igitur quod hoc æquuat $\sqrt{\frac{3917}{12566}}$. si igitur multiplicarem denominatorem per denominatorem & numeratorem, quod proueniret, esset æquale eidem numero, ergo $\sqrt{2}$ eius esset eadem cum $\sqrt{2}$. prioris, sed $\sqrt{2}$ denominatoris esset prior numerus, ergo sufficiet extrahere $\sqrt{2}$ producti ex denominatore numeratorem, & ita productum erit ex denominatore in numeratore 38742802 , cuius $\sqrt{2}$ est 28961 . hæc igitur diuisa per 12566 . ostendit $\sqrt{2} \frac{38961}{12566}$. In hac autem quadrata est alias modus sine multiplicazione, sed non est communis aliis, vbi statueris denominatorem pro denominatore $\sqrt{2}$. utpote 12566 . & numeratorem 66747 , constitues medium sensim augendo.

Rursus volo $\sqrt{2}$ relata $\frac{38961}{12566}$. reduco ad denominatorem, & fit vt prius $\frac{28961}{12566}$. duco igitur 12566 . ad quad. quad. sed sufficiet in hoc casu deducere ad minores denominaciones, utpote diuide 28961 . per 12566 . exit $2\frac{389}{12566}$. multiplico per 566 . fit $1104 \frac{5662}{12566}$. hoc detrahe ex 28961 . habebis $\frac{27895}{12000}$. diuidi igitur per 1000 habebis 12 . & $27 \frac{107}{125}$. at $\frac{108}{125}$. sunt $\frac{6}{7}$. igitur habes 12 . pro denominatore, & $27 \frac{6}{7}$. pro numeratore, quare erunt numeri $\frac{195}{84}$. erit ergo per hanc regulam, vt ducas 84 . ad quad. quadrati, & fit $497871; 6$, duc in 195 . fit 9708491520 . cuius $\sqrt{2}$. relata prima est 99 . igitur $\sqrt{2}$. relata prima $\frac{38961}{12566}$. est $1\frac{15}{84}$. paulo maior, id est $1\frac{13}{80}$. Et nota quod si denominator haberet $\sqrt{2}$. illius generis, quam quæris, sufficeret inuenire radicem eiusdem generis absque alia numerorum multiplicatione.

Propositio centesima quadragesima prima.

Numeros fractos ad minores in eadem proportione valde propinqua deducere.

Com.

Cum plerumque numeri fracti habeantur per radices, vt aliquando maiores sint, aut minores eo fit, vt possint reduci ad minores numeros, vt melius intelligi possint & facilius tractari, & cum hoc sit exactior illa pars, exemplum ergo habeo $2 \frac{389}{12566}$, quem volo certa ratione ad minores divisiones deducere. Deduco primo totum ad fractiones ducendo 2 in 12566 , & addendo 3829 , & fit $\frac{6661}{12566}$, multiplico 12566 per 9 . quia proportio unius ad alterum est fermè, vt 9 ad 4 , & fit $1\frac{13094}{15844}$, multiplico 4 in 28961 fit 115844 , hoc igitur est maius, igitur proportio 18961 ad 12566 est maior quam 9 ad 4 , detraho igitur 12566 ex 28961 , relinquitur 16395 , detraho 113094 ex 115844 , relinquitur 2750 , diuide 2750 per 16395 exit $\frac{55}{328}$ addo 2 . denominatori fit $\frac{55}{330}$ quod est $\frac{1}{6}$, nam istæ additiones parvae præter quod parum variant quantitatem etiam dum ad examen reducuntur, nihil impediunt, detrahe igitur $\frac{1}{6}$, à $\frac{9}{4}$. & ducendo per 6 . & detrahendo $\frac{53}{330}$. duco igitur primos

numeros scilicet $\frac{28961}{12566}$, mutuo in $\frac{53}{23}$. fiunt 665998 . & 666107 . ita vides, quod proportio 53 . ad 23 . est paulo minor, quam 28961 . ad 12566 . & æquivalent $\frac{53}{23}$. & $2\frac{38961}{12566}$.

Propositio centesima quadragesima secunda.

Denominationum incrementa ex extrema cognita inuenire, & conuerso modo.

Quidam per usuram rediuiuam fecit 40000 . coronatos ex 40 . un 40 . annis. Quæro quæta fuerit usuram, & quando habuit 1000 . coronatos, quidam vellent soluere per regulam trium quantitatium, in qua committerentur maximi errores. Et in ea multi sunt modi, & omnes falsi præter hanc viam nulla est vera, adde quod vellent multi per sortem inuenient soluere augendo per singulos annos, quod adeò difficile esset, & pene foret impossibile. Ideo diuides 40000 . per 40 . numerum sortis exit 1000 . igitur in 40 . annis unus fit mille, sunt ergo 40 . denominaciones ab uno, quarum quadragesima est 1000 . igitur vigesima est $\sqrt{2}$. 1000 . scilicet $31\frac{3917}{6283}$. igitur decima est $\sqrt{2}$. eius $5\frac{3917}{12566}$. huius radix, erit quinta quantitas $2\frac{7}{23}$, cuius $\sqrt{2}$. relata prima, erit proportio $1\frac{13}{70}$ cuius quadratum est $1\frac{1889}{4900}$. seu $1\frac{67}{165}$. pro secunda quantitate, duces ergo primam, quæ est $\frac{39}{40}$. in quintam, quæ est reducta

Anni	Aurei
1	$1\frac{13}{20}$.
2	$1\frac{67}{165}$.
5	$2\frac{2}{18}$.
6	$2\frac{161}{14}$.
7	$3\frac{6}{13}$.
10	$5\frac{3917}{12566}$.
20	$31\frac{38}{61}$.
40	1000

$3\frac{14}{61}$. in $31\frac{38}{61}$. fit $102\frac{99}{6283}$.

At in sex annis additis ad viginti, fit tanto minus, quanto $31\frac{38}{61}$. ductum in differentiam septem, & sex annorum quæ est $\frac{60}{121}$. fit ergo $15\frac{35}{492}$. Quia ergo annuatim solum usuram adiicitur torti, sufficeret diuidere $2\frac{99}{6283}$. per $15\frac{35}{492}$. scilicet multiplicando per 12 . numerum mensum $2\frac{621}{6283}$. fit $25\frac{5621}{6283}$. diuide $25\frac{5621}{6283}$. per $15\frac{35}{492}$. exit mensis unus, & dies 21 . detrahe ex 27 . annis, remanent anni 26 . menses 10 . dies 9 . in quo tempore habuit 4000 . aureos coronatos. Usura autem fuit vt vi-sum $\frac{11}{70}$. igitur per regulam trium duc 13 . in 100 . fit 1300 . diuide 1300 . per 70 . exit $18\frac{4}{7}$. & tanta fuit pro centum. Et cum computaueris in tribus annis, acquirit modico plus besse eius, quod habet. Et ita in 13 . annis, & parua illa parte perueniet ad decuplum eius, quod habet, scilicet 4000 . aureorum, & habebit aureos 40000 . vt propositum est.

S C H O L I V M.

In proposita proportione numerique terminorum rediuiuam usuram inuenire.

Sit