

Propositio 211. & 212.

587

Per 15. tertij tactus eiusdem circuli & rectæ, igitur additis æqualibus ex supposito c b e, d b f erunt per communem animi sententiam a b c & a b d æquales, & duo anguli a b c, c b g æquales duobus rectis: itemque a b d, d b g duobus rectis æquales: Et omnes rectis in uicem æquales ex petitione Euclidis erunt per communem animi sententiam, æquales residui quoque c b g & d b g.

Per 13. pri-
mi Elem.

Cor. 1.

Com.

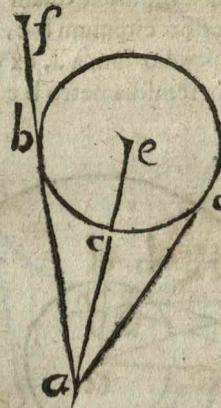
Cor. 2.

constituant, quanto magis protrahentur eo magis distabunt, nec unquam concurent.

Propositio ducentesima duodecima.

Si ab eodem puncto ad circuli peripheriam, lineæ quotuis ducantur, tres inuenire lineas, quæ non in alium punctum reflectentur.

Quouis constituto puncto veluti a extra Com.



Per 23. pri-
mi Elem.

gulo in centro a b c, & ducta linea a d à punto a, sciemus quo resilit in linea b c: ducta enim c d, faciemus angulum c d e æqualem a b c, & erit angulus a d g æqua- lis angulo e d h, igitur d e resilit ex a b a d linea.

Propositio ducentesima undecima.

Si duæ lineæ ex duobus punctis peripheriam contingentes in eandem partem protrahantur, semper magis distabunt in uicem ea ex parte, & nunquam concurent.

Com.

Duæ semidiametri a b, a c ex terminis

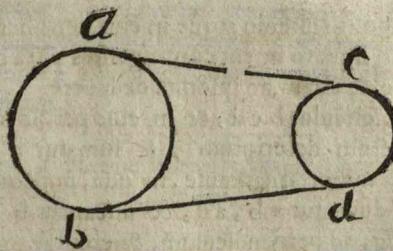
circulum b c d, dico posse trahi tres lineas ad ipsam circuli peripheriam, velut a b, a c, a d, quæ ad alium puctum non reflectentur. Ducantur ergo a e ad centrum, & a b & a Per 17. d ad contingentes illius peripheriam, quas tertij Elem. constat non reflecti sed progredi, a c autem Per 61. tertij reflectitur in seipsum per demonstrata supe- Prop. 210. rius, igitur constat propositum.

Ex hoc patet, quod omnia puncta sub linea contingente possunt reflecti ad ipsum per arcum interceptum à contingente, & ex qua ad centrum.

Id est, quod omnia puncta infra lineam a b f ductam quantumlibet possunt reflecti per arcum b c ad punctum a æqualibus an- gulis. Quoniam ex a per c b reflectuntur ad quælibet puncta infra a b f, eo quod ter- mini sunt punctum a per ea qua sunt hic demonstrata, & a b f, ipsa ergo si extrema in extremis. media in mediis continentur per regulam illam Dialecticam: igitur om- nia puncta sub a b f etiam in infinitum pro- ducta continentur in reflexione à puncto a per arcum b c.

Et rursus, si à circulo ad circulum extre- Cor. 22. ma ducantur, nec illæ reflectentur, sed trans- fibunt: media autem omnes reflecti pote- runt à quois puncto.

Quia si a b sit Sol, c d Luna, Sole minor



Per 29. pri-
mi Elem.

Per 13. pri-
mi Elem.

Per 6. & 4.
sexii Elem.

Per 5. petit.
Euclid.

Per 6. tertij
Elem.

earum duæ contingentes b f, c e a dico quod quanto magis protrahentur in partem e f, tanto magis distabunt, nunquam concurrent: Nam angulus a c g rectus est: angu- lus vero e a d, si sit rectus e g, nunquam concurret cum a d, æquidistant enim ei- sin aut sit maior recto aut ex altera parte erit minor, & ita concurret, ergo in alte- ram partem ductæ nunquam concurrent, sed perpetuo magis distabunt. Si ergo minor recto sit angulus c a b, igitur e c ex eadem parte concurret cum a d? concurrat ergo in g: & quia e g cadit extra circulum, igitur diuidet b f, quæ tangit circulum. Sit ergo vt diuidat in h, igitur h e & h f cum angulum

extremum in utroque luminari a c, b d quæ contingant utrumque circulum, quod fa- cile fiat, ductis a c & b d ex punctis non oppositis,