

enim quoniam tangens circulum in unico puncto tangit ( ex cor. præc. ) radius  $EG$ , minima est tangentis a centro distantia, ac proinde ad tangentem perpendicularis ( ex def. ).

Viceversa recta  $RT$  perpendicularis ad extremitatem radii  $G$ , circulum tangit in unico puncto  $G$ . Etenim cum sit  $EG$ , minima rectæ  $RT$  a centro  $E$  distantia, alia quælibet puncta rectæ  $RT$  magis distant a centro, quam punctum  $G$ ; ergo singula puncta, præter  $G$ , extra circumferentiam jacent.

COR. I. Recta circumferentiam tangit in unico puncto; cum ex centro  $E$ , ad rectam datam unica perpendicularis duci possit. ( cor. 4, prop. 1, cap. 1. )

COR. II. Hinc facile ducitur tangens ad punctum datum  $G$ . Ducto scilicet radio  $EG$ , erectaque in  $G$  perpendiculari  $RT$ .

COR. III. Quoniam ad punctum datum in circumferentia, unica tangens duci potest, si per punctum contactus agatur recta quælibet, hæc coincidit cum tangente vel circumferentiam secat.

COR. IV. Si duo circuli  $GNA$ ,  $OGQ$  eandem habent tangentem, recta  $HG$  eidem perpendicularis per utriusque centrum puta  $E$ ,  $P$  transibit. Jamvero si ducatur  $ES$ , jungaturque  $PS$ , quæ producta secabit in  $O$  circulum  $OGQ$ , & in  $R$  tangentem  $RT$ ; erit semper in triangulo  $ESP$  latus  $PS$ , minus duobus reliquis  $ES$ ,  $EP$  ( ex def. lineæ rectæ ). Quare cum radii  $ES$ ,  $EG$  æquales sint, erit recta  $PS$ , minor quam  $PG$  sive  $PO$ . Ergo quodlibet punctum  $S$