

dall'equazione alle differenze finite (la 'mappa triangolare'):

$$x(t+1) = kx(t)$$

la quale altro non è se non una progressione geometrica di ragione k .

Importante e molto più interessante è il caso non lineare della cosiddetta mappa logistica, con cui Robert May (1976) descrisse l'evoluzione temporale di una popolazione, caratterizzata dal tasso di crescita k , in presenza di risorse limitate (sulla mappa logistica si veda anche il contributo di Ferlaino al volume 2 di quest'opera). Normalizzando ad 1 il valore massimo per $x(t)$, cioè assumendo $0 \leq x(t) \leq 1$, essa si scrive, in forma continua, come:

$$dx(t)/dt = kx(t)[1-x(t)]$$

mentre, in forma discreta, è:

$$x(t+1) = kx(t)[1-x(t)]$$

Questo caso costituisce un evidente esempio della citata differenza nelle soluzioni che si ottengono per le descrizioni continua e discreta della dinamica di un sistema. L'equazione differenziale fornisce solo un tipo di soluzione: una semplice separazione delle variabili permette, infatti, l'integrazione in termini elementari, con il seguente integrale generale: $x = \exp(kt) / [1 + \exp(kt)]$.

Il caso discreto, invece, dà origine, al crescere del parametro k (si osservi che, per i vincoli posti su $x(t)$, deve essere: $0 < k \leq 4$), ad una casistica di comportamenti ricca ed estremamente interessante:

1. se $k < k_1$ ($k_1 \approx 3,000\dots$), si ha la tendenza asintotica di $x(t)$ verso un valore (un attrattore) costante dipendente da k , ma indipendente dal valore iniziale $x(t=0)$;
2. se $k_1 < k < k_2$ ($k_2 \approx 3,448\dots$), si ha l'oscillazione fra due valori anch'essi dipendenti da k , ma indipendenti dal valore iniziale $x(t=0)$;
3. se $k_2 < k < k_3$, l'attrattore si compone di quattro stati, fra i quali avviene l'oscillazione; per $k_3 < k < k_4$, gli stati sono otto (k_3 e k_4 sono opportuni